

Corrigé feuille d'exercice n°10

```
(* Déclaration de type et ouverture de la fenêtre graphique *)
#open "graphics";;

open_graph "";;

type circuit = AND of circuit * circuit
              | OR   of circuit * circuit
              | NOT of circuit
              | Entrée of string;;

(* Préliminaires *)
(* fonction pour dessiner une porte logique *)

let dessine_carre x y l =
  let d = l/2 in
  moveto (x-d) (y-d);
  lineto (x-d) (y+d);
  lineto (x+d) (y+d);
  lineto (x+d) (y-d);
  lineto (x-d) (y-d);;

let dessine x y porte =
  dessine_carre x y 20;
  match porte with
  | AND(a,b) -> moveto (x-8) (y-5); draw_string "AND"
  | OR (a,b)  -> moveto (x-5) (y-4); draw_string "OR"
  | NOT(a)   -> moveto (x-8) (y-5); draw_string "NOT"
  | _       -> failwith "erreur";;

dessine 150 50 (AND(Entrée("toto"),Entrée("toto")));;

let ligne_brisée (x1,y1) (x2,y2) xi =
  moveto x1 y1;
  lineto xi y1;
  lineto xi y2;
  lineto x2 y2;;

ligne_brisée (100,100) (150,130) 120;;

(* fonction classique de calcul de hauteur d'arbre *)

let rec hauteur = function
  Entrée(s) -> 0
| NOT(c) -> 1 + hauteur c
| OR(c1,c2) -> 1 + max (hauteur c1) (hauteur c2)
| AND(c1,c2) -> 1 + max (hauteur c1) (hauteur c2);;

(* fonction classique de calcul de largeur d'arbre *)

let rec largeur = function
  Entrée(s) -> 1
| NOT(c) -> largeur c
| OR(c1,c2) -> (largeur c1) + (largeur c2)
| AND(c1,c2) -> (largeur c1) + (largeur c2);;

(* fonction de parcours d'arbres pour collecter les entrées du circuit sous forme de liste *)

let rec appart x = function
  [] -> false
| y::ys when x=y -> true
| y::ys -> appart x ys;;

let parcours circ =
  let rec parcourir l = function
    Entrée(s) when appart s l -> l
  | Entrée(s) -> s::l
  | NOT(c) -> parcourir l c
  | OR(c1,c2) -> union (parcourir l c1) (parcourir l c2)
  | AND(c1,c2) -> union (parcourir l c1) (parcourir l c2) in
  parcourir [] circ;;
```

```

(* Dessin d'un circuit *)
(* fonction pour dessiner un circuit logique représenté sous forme d'arbre *)

let dessine_circuit c =
  let xmax = size_x () and ymax = size_y ()
  and liste_entrées = parcours c in
  let nb_entrées = list_length liste_entrées
  and p = hauteur c
  in let larg = xmax / (p+2) in
  let xi_entrée s =
    50+10*(index s liste_entrées) in
  let rec dess circ ym yM prof =
    match circ with
    AND(c1,c2) -> let x0 = prof * larg and y0 = (ym + yM) / 2 in
      dessine x0 y0 (AND(Entrée(""),Entrée(")));
      let l1 = largeur c1 and l2 = largeur c2 in
      let y1 = ym + (yM -ym)*l1/(l1+l2) in
      let (x1,y1) = dess c1 ym y1 (prof-1) and
      (x2,y2) = dess c2 y1 yM (prof-1) in
      let xi1 = (match c1 with Entrée(s) -> xi_entrée(s)
        | _ -> x0 -larg /2) and
      xi2 = (match c2 with Entrée(s) -> xi_entrée(s)
        | _ -> x0 -larg /2) in
      ligne_brisée (x1,y1) (x0-10,y0-3) (xi1);
      ligne_brisée (x2,y2) (x0-10,y0+3) (xi2);
      (x0+10, y0)
    | OR(c1,c2) -> let x0 = prof * larg and y0 = (ym + yM) / 2 in
      dessine x0 y0 (OR(Entrée(""),Entrée(")));
      let l1 = largeur c1 and l2 = largeur c2 in
      let y1 = ym + (yM -ym)*l1/(l1+l2) in
      let (x1,y1) = dess c1 ym y1 (prof-1) and
      (x2,y2) = dess c2 y1 yM (prof-1) in
      let xi1 = (match c1 with Entrée(s) -> xi_entrée(s)
        | _ -> x0 -larg /2) and
      xi2 = (match c2 with Entrée(s) -> xi_entrée(s)
        | _ -> x0 -larg /2) in
      ligne_brisée (x1,y1) (x0-10,y0-3) (xi1);
      ligne_brisée (x2,y2) (x0-10,y0+3) (xi2);
      (x0+10, y0)
    | NOT(c1) -> let x0 = prof * larg and y0 = (ym + yM) / 2 in
      dessine x0 y0 (NOT(Entrée(")));
      let (x1,y1) = dess c1 ym yM (prof-1) in
      let xi = (match c1 with Entrée(s) -> xi_entrée(s)
        | _ -> x0 -larg /2) in
      ligne_brisée (x1,y1) (x0-10,y0) xi;
      (x0+10, y0)
    | Entrée(s) -> let nb = index s liste_entrées in
      moveto 10 (ymax*nb/(nb_entrées+1)+50);
      draw_string s;
      current_point () in

    dess c 0 ymax (hauteur c);;

clear_graph ();;

dessine_circuit (AND(OR(Entrée "a", NOT(Entrée "b")), Entrée "b"));;

clear_graph ();;

let A = Entrée "a";;
let B = Entrée "b";;
let CIN = Entrée "cin";;
let add = OR(AND(OR(AND(NOT A, B),AND(A,NOT B)),NOT CIN),AND(OR(AND(A,B),AND(NOT A,NOT B)), CIN));;

dessine_circuit add;;

```